

1. Premici  $p$  in  $q$  sta dani z enačbama

$$p : x - 1 = y = z \quad \text{in} \quad q : x - 1 = \frac{y + 2}{3} = z - 1.$$

Poisci točko  $P$  na premici  $p$  in točko  $Q$  na premici  $q$ , da bo vektor  $\overrightarrow{PQ}$  pravokoten tako na premico  $p$  kot na premico  $q$ . Poisci še enačbo premice, ki seka premici  $p$  in  $q$  pod pravim kotom.

2. Ravnina  $\Theta$  ima enačbo  $3x - 2y + 6z = 1$ , točka  $A$  pa koordinate  $(4, -1, 6)$ .
- (a) Ali leži točka  $A$  na ravnini  $\Theta$ ? Če ne, kolikšna je razdalja med točko  $A$  in ravnino  $\Theta$ ?
  - (b) Poišči točko  $A'$ , ki leži na ravnini  $\Theta$  in je hkrati najbližja točki  $A$ .
  - (c) Poišči še točko  $A''$ , ki jo dobimo pri zrcaljenju točke  $A$  preko ravnine  $\Theta$ .
3. Ravnina  $\Sigma$  in premica  $p$  sta dani z enačbama:

$$\Sigma : 2x - y + 3z = 5, \quad p : x = \frac{6-y}{2} = z + 1.$$

- (a) Poišči koordinate točke  $T$ , v kateri se ravnina  $\Sigma$  in premica  $p$  sekata.
  - (b) Prezrcali premico  $p$  preko ravnine  $\Sigma$ . Prezrcaljeno premico zapiši s kanonično enačbo.
4. Dane so ravnine  $\Sigma_1$ ,  $\Sigma_2$  in  $\Sigma_3$  z enačbami:

$$\begin{aligned}\Sigma_1 &: 2x + y + 3z = 3, \\ \Sigma_2 &: 3x - 4y + 2z = 5, \\ \Sigma_3 &: x - 2y + z = 3.\end{aligned}$$

- (a) Poišči parametrizacijo premice  $p$ , v kateri se sekata ravni  $\Sigma_2$  in  $\Sigma_3$ .
  - (b) Poišči koordinate točke  $T$ , v kateri se vse tri ravni sekajo.
5. Imamo matrike

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 2 & 3 & -1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{in} \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

ter vektorja

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{bmatrix} \quad \text{in} \quad \mathbf{y} = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}.$$

- (a) Izračunaj naslednje produkte matrik in vektorjev, če je to mogoče.

$$AB, BA, BC, CB, (B + C)A, A^T A, AA^T, \mathbf{x}^T \mathbf{y}, \mathbf{x} \mathbf{y}, \mathbf{x} \mathbf{y}^T, A \mathbf{x}, B \mathbf{y}.$$

- (b) Izračunaj  $B^2$  in  $B^3$ . Kako se elementi matrike  $B^n$  izražajo z  $n$ ?

6. Ko matrike  $L$ ,  $M$  in  $N$  pomnožimo z vektorjem  $\mathbf{x} = [x_1, x_2, x_3]^\top \in \mathbb{R}^3$ , dobimo naslednje vektorje

$$L \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 - 3x_1 \end{bmatrix}, \quad M \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_1 + x_2 \\ x_1 + x_2 + x_3 \end{bmatrix} \quad \text{in} \quad N \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_2 \\ x_3 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

Poisci matrike  $L$ ,  $M$  in  $N$ !