

1. Ravnina  $\Theta$  ima enačbo  $3x - 2y + 6z = 1$ , točka  $A$  pa koordinate  $(4, -1, 6)$ .
  - (a) Ali leži točka  $A$  na ravnini  $\Theta$ ? Če ne, kolikšna je razdalja med točko  $A$  in ravnino  $\Theta$ ?
  - (b) Poišči točko  $A'$ , ki leži na ravnini  $\Theta$  in je hkrati najbližja točki  $A$ .
  - (c) Poišči še točko  $A''$ , ki jo dobimo pri zrcaljenju točke  $A$  preko ravnine  $\Theta$ .
2. Ravnina  $\Sigma$  in premica  $p$  sta dani z enačbama:

$$\Sigma : 2x - y + 3z = 5, \quad p : x = \frac{6-y}{2} = z + 1.$$

- (a) Poišči koordinate točke  $T$ , v kateri se ravnina  $\Sigma$  in premica  $p$  sekata.
- (b) Prezrcali premico  $p$  preko ravnine  $\Sigma$ . Prezrcaljeno premico zapiši s kanonično enačbo.
3. Dane so ravnine  $\Sigma_1, \Sigma_2$  in  $\Sigma_3$  z enačbami:

$$\Sigma_1 : 2x + y + 3z = 3,$$

$$\Sigma_2 : 3x - 4y + 2z = 5,$$

$$\Sigma_3 : x - 2y + z = 3.$$

- (a) Poišči parametrizacijo premice  $p$ , v kateri se sekata ravnini  $\Sigma_2$  in  $\Sigma_3$ . *Na dva načina:* (1) S pomočjo obeh normalnih vektorjev ravnin poišči smerni vektor premice  $p$  in ‘ugani’ eno točko v preseku obeh ravnin in (2) direktno reši sistem dveh enačb s tremi neznankami.
- (b) Poišči koordinate točke  $T$ , v kateri se vse tri ravnine sekajo. *Spet na dva načina:* (1) poišči presečišče premice  $p$  in ravnine  $\Sigma_1$  in (2) direktno reši sistem treh enačb s tremi neznankami.
4. Spodnje sisteme linearnih enačb zapiši v obliki  $A\mathbf{x} = \mathbf{b}$  in jih reši z uporabo Gaußove eliminacije.

$$\begin{array}{l}
 \text{(a)} \quad \begin{aligned} x + y + 2z &= 3 \\ 2x - y + 4z &= 0 \\ 3x - y + z &= 1 \end{aligned} \\
 \text{(b)} \quad \begin{aligned} t + u + 2v + w &= 3 \\ 2t + 2u + 4v + 3w &= 5 \\ 2t + 2v + w &= 1 \\ u + v + w &= 1 \end{aligned} \\
 \text{(c)} \quad \begin{aligned} 2x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 &= 2 \\ 4x_1 + 3x_2 - x_3 + 2x_4 &= 4 \\ 8x_1 + 5x_2 - 3x_3 + 4x_4 &= 6 \\ 3x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 2x_4 &= 3 \end{aligned}
 \end{array}$$