

1. Na množici $A = \{\wedge, \vee, \Rightarrow, \Leftrightarrow, \forall\}$ definiramo relacijo R s predpisom

$aRb \dots a$ ima v pravilnostni tabeli kvečjemu toliko enic kot b .

(a) Dokaži, da je relacija R reflektivna in tranzitivna.

(b) Nariši graf relacije R^2 in določi R^+ ter R^* .

2. Dani sta preslikavi $f, g: \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$,

$$f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 6 & 3 & 1 & 4 & 1 \end{pmatrix} \quad \text{in} \quad g = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 6 & 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

(a) Ali sta bijektivni?

(b) Določi $g \circ f$.

(c) Določi $h: \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \rightarrow \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, za katero bo $f \circ h = g$.

3. Preslikava $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{Z}$ je določena z $f(0) = 1$, za $n + 1 \geq 1$ pa s predpisom

$$f(n + 1) = \begin{cases} 6 - f(n), & f(n) \geq 5 \\ f(n)^2 + 1, & \text{sicer} \end{cases}$$

(a) Poišči $f(6)$.

(b) Poišči zalogo vrednosti preslikave f .

(c) Ali je preslikava f injektivna? Kaj pa surjektivna?

4. Preslikavi $f, g: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$ sta dani tako:

$$f(x, y) = (x + y, x - y), \quad g(x, y) = (x + y, y).$$

(a) Poišči $f(4, 2)$ in $g(4, 2)$.

(b) Poišči vse $(a, b) \in \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$, za katere je $f(a, b) = (5, 2)$ in vse $(c, d) \in \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$, za katere je $g(c, d) = (6, 2)$.

(c) Ali je f surjektivna? Ali je g injektivna?

(d) Zapiši predpis za $f \circ f$.

(e) Poišči preslikavo $h: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$, za katero velja $g \circ h = f$.